

LATEST EDITION



INFUSION NOTES
WHEN ONLY THE BEST WILL DO



राजस्थान पटवार

राजस्थान अधीनस्थ और मंत्रिस्तरीय
सेवा चयन बोर्ड (RSMSSB)

HANDWRITTEN NOTES

भाग-6 गणित एवं रीजनिंग



INFUSION NOTES

WHEN ONLY THE BEST WILL DO

राजस्थान पटवार

राजस्थान अधीनस्थ और मंत्रिस्तरीय
सेवा चयन बोर्ड (RSMSSB)

भाग – 6

गणित एवं रीजनिंग

प्रस्तावना

प्रिय पाठकों, प्रस्तुत नोट्स “राजस्थान पटवारी नोट्स” को एक विभिन्न अपने - अपने विषयों में निपुण अध्यापकों एवं सहकर्मियों की टीम के द्वारा तैयार किया गया है। ये नोट्स पाठकों को राजस्थान अधीनस्थ एवं मंत्रालयिक सेवा चयन बोर्ड (RSMSSB) द्वारा आयोजित करायी जाने वाली परीक्षा “राजस्थान पटवारी भर्ती परीक्षा - 2023” में पूर्ण संभव मदद करेंगे।

अंततः सतर्क प्रयासों के बावजूद नोट्स में कुछ कमियों तथा त्रुटियों के रहने की संभावना हो सकती है। अतः आप सूची पाठकों का सुझाव सादर आमंत्रित हैं।

प्रकाशक:

INFUSION NOTES

जयपुर, 302029 (RAJASTHAN)

मो : 9887809083

ईमेल : contact@infusionnotes.com

वेबसाइट : <https://www.infusionnotes.com>

Whatsapp करें - <https://wa.link/0yupe6>

Online Order करें - <https://shorturl.at/pwFNP>

मूल्य : (₹)

संस्करण : नवीनतम (2023)

क्र. सं.	गणित	पृष्ठ सं.
1.	संख्या पद्धति	1-8
2.	सरलीकरण	9-14
3.	घातांक एवं करणी	15-18
4.	लघुत्तम समापवर्त्य एवं महत्तम समापवर्तक	18-24
5.	प्रतिशतता	25-38
6.	औसत	39-40
7.	लाभ - हानि	40-55
8.	साधारण एवं चक्रवृद्धि ब्याज	55-70
9.	मिश्रण	71-77
10.	अनुपात एवं समानुपात	78-91
11.	एकिक नियम	91-93
12.	ऑकड़ों का चित्रों निरूपण	94-103
13.	क्षेत्रमिति एवं द्विविमीय (2D, 3D)	104-125
	रीजनिंग	
1.	वर्णमाला परीक्षण	125-130
2.	सादृश्यता	130-136
3.	श्रेणी	136-140
4.	सार्थक क्रम	141-143
5.	कोडिंग - डिकोडिंग	144-150
6.	दिशा परीक्षण	151-157
7.	रक्त संबंध	157-161
8.	क्रम व्यवस्था	162-165
9.	बैठक व्यवस्था	165-173
10.	घड़ी	173-179
11.	दर्पण प्रतिबिंब	180-182
12.	वेन आरेख	182-186

13.	कैलंडर	187-197
14.	आकृतियों की गणना	197-200
15.	न्याय वाक्य या न्याय नियमन	201-206
16.	लुप्त संख्या	206-211
17.	कथन एवं तर्क	212-217
18.	कथन एवं कार्यवाही	217-224
19.	कथन एवं निष्कर्ष	225-228
20.	कथन एवं मान्यताएं या पूर्वानुमान	229-234
21.	कारण एवं प्रभाव	235-238

अध्याय - 1

संख्या पद्धति

संख्या - एकल अंक अथवा अंकों का समूह संख्या कहलाता है। गणित की मूल विषय वस्तु संख्याएँ हैं। पूर्ण संख्याएँ धनात्मक पूर्ण संख्याएँ कुल दस होती हैं। जैसे- 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 शून्य भी एक पूर्ण संख्या है।

1. प्राकृत संख्याएँ - 1, 2, 3, 4,

2. पूर्ण संख्याएँ - 0, 1, 2, 3, 4, 5,

3. पूर्णांक संख्याएँ - $-\infty$ से $+\infty$ तक

नोट: 0 न तो धनात्मक संख्या है और न ही ऋणात्मक संख्या है यह उदासीन संख्या है।

प्राकृतिक संख्याएँ :- वे संख्याएँ जिनसे वस्तुओं की गणना की जाती है उन्हें धन पूर्णांक या प्राकृतिक संख्याएँ कहते हैं। उदा. 1, 2, 3, 4, 5, 6, ∞

- शून्य प्राकृतिक संख्या नहीं है।
- कोई भी ऋणात्मक संख्या प्राकृतिक नहीं है।
- भिन्नात्मक संख्या प्राकृतिक संख्या नहीं है। जैसे: $-3/4$, $-1/5$

सम संख्याएँ :- वे संख्याएँ जो दो (2) से विभाज्य (पूर्णांक) हो सम संख्याएँ कहलाती हैं।

नोट: शून्य सम संख्या नहीं है।

2. विषम संख्याएँ :- वे संख्याएँ जो 2 से विभाजित न हों विषम संख्याएँ कहलाती हैं।

उदा. 1, 3, 5, 7, 9, 11, आदि। शून्य विषम संख्या नहीं है।

भाज्य संख्याएँ :-

01 से बड़ी वे सभी संख्याएँ जिनमें स्वयं और एक के अतिरिक्त कम से कम एक और संख्या भाग लग सके भाज्य संख्याएँ कहलाती हैं। जैसे 4, 6, 8, 9, 15, 16 आदि।

नोट: दो (2) एक भाज्य संख्या नहीं है। यह एक अभाज्य संख्या है।

4. अभाज्य संख्याएँ :- वे संख्याएँ जो 1 और स्वयं के अतिरिक्त अन्य किसी संख्या से विभाज्य न हो अभाज्य संख्याएँ कहलाती हैं। उदा. 2, 3, 5, 7, 11, 13, आदि संख्याएँ अभाज्य संख्याएँ हैं।

नोट: एक (1) अभाज्य संख्या नहीं है और न ही इसे भाज्य संख्या कह सकते हैं।

आवत दशमलब हल करने का उपरोक्त

वास्तविक संख्याएँ - वे संख्याएँ जो या तो परिमेय हों अपरिमेय, वास्तविक संख्याएँ कहलाती हैं। वास्तविक संख्याओं को संख्या रेखा पर प्रदर्शित किया जा सकता है।

किसी भी धनपूर्णांक जो पूर्ण वर्ग नहीं है का वर्गमूल अपरिमेय संख्या होगी। जैसे: $\sqrt{8}$, $\sqrt{6}$, $\sqrt{11}$, $\sqrt{14}$ अपरिमेय संख्याएँ हैं।
टिप्पण

किसी संख्या का योगात्मक प्रतिलोम = - संख्या (चिह्न परिवर्तन) किसी संख्या का गुणात्मक प्रतिलोम = $1/\text{संख्या}$ । संख्या गुणात्मक तत्समक का मान 1 होता है। संख्या 1 न तो भाज्य संख्या है न अभाज्य संख्या

1 से 100 तक कुल अभाज्य संख्या-25

1 से 50 तक कुल अभाज्य संख्या-15

1 से 25 तक कुल अभाज्य संख्या-9

25 से 50 तक कुल अभाज्य संख्या-6

50 से 100 तक कुल अभाज्य संख्या-10

अंक 0 से 9 तक होते हैं अतः अंकों की संख्या 10 होती है संख्या 1 से शुरु होती है संख्या अनंत होती है

एक अंकीय संख्या 9 होती है

दो अंकीय संख्या 90 होती है

तीन अंकीय संख्या 900 होती है

चार अंकीय संख्या 9000 होती है

इसी प्रकार ... 1 से 100 तक की संख्याओं में शून्य के अंक 11 होते हैं

1 से 100 तक की संख्याओं में एक के अंक 21 होते हैं

1 से 100 तक की संख्याओं में 2 से 9 तक प्रत्येक अंक 20 बार आते हैं

1 से 100 तक की संख्याओं में कुल अंक 192 होते हैं

विषम संख्याओं का वर्ग सदैव विषम और सम संख्याओं का वर्ग सदैव सम होता है।

परिमेय $\frac{p}{q}$ के रूप में लिखी जाने वाली (पर q शून्य न हो) $\frac{0}{1} = 0, \frac{4}{1} = 4, \frac{4}{7}, \frac{9}{2}, \frac{-3}{2}, \frac{-1}{2}, \frac{22}{7}$, आदि। अपरिमेय - जिन्हें P/q के रूप में नहीं लिखा जा सकता। $\sqrt{2}, \sqrt{5}, \pi$ इत्यादि।

(π का मान $\frac{22}{7}$ परिमेय है)

- सभी परिमेय तथा अपरिमेय संख्या वास्तविक संख्याएँ कहलाती

- दो परिमेय संख्याओं के बीच अनंत परिमेय संख्याएँ होती हैं।

- प्राकृतिक - 1 से होकर अनंत तक होती हैं।

1, 2, 3, ∞

- पूर्ण संख्याएँ - प्राकृतिक संख्याओं में 0 शून्य शामिल करने पर

0, 1, 2, 3, ∞

- सम संख्याएँ (Even No.) जो 2 से कट जाए

2,4,6,8..... ∞

- विषम (Odd No) जो 2 से न कटे

1,3,5..... ∞

भाज्य (Composite) जो 1 तथा स्वयं के अलावा भी किसी अन्य से कट जाये।

6,8,9,10,12 ये सभी भाज्य हैं। (कम से कम 3 संख्याएँ से कटे)

अभाज्य (Prime) जो स्वयं तथा 1 के अलावा अन्य से न कटें।

2,3,5,7,11.....आदि।

सबसे छोटी अभाज्य - 2 (1 न तो भाज्य है न अभाज्य)

विभाज्यता के नियम पर आधारित -

1. संख्या $15 \times 1,3$ से विभाजित हो ता * के स्थान पर कौन सी संख्या आयेगी ?
2. जोड़ लो $1+6+1 \Rightarrow 7+2 \Rightarrow 9$ के स्थान पर 2 रखने से कट जाएगी।

भाग विधि के आधार पर

1. किसी संख्या में 28 से भाग देने पर प्राप्त संख्या 16 तथा शेष 21 हो तो संख्या ज्ञात करें
 $28 \times 16 + 21 = 469$
2. वह छोटी से छोटी संख्या जिसे 1560 में जोड़ने पर प्राप्त योगफल 14 से पूर्णतया विभाजित हो जाए।
 $\Rightarrow \frac{1560}{14}$ तो भागफल 111 और शेष
 $अब 14 - 6 = 8 \text{ Ans.}$
3. वह छोटी से छोटी संख्या जिसे 8953 में घटाने पर प्राप्त संख्या 21 पूर्णतया कट जाए।
 $\Rightarrow \frac{8953}{21}$ शेष 7 प्राप्त होता
4. 5 अंकों की सबसे छोटी संख्या जो 335 से पूर्णतया कट जाए ?
 भाज्य + (भाजक - शेष)
 $10000 + (335 - 285) = 10050$
5. 4 अंकों की बड़ी से बड़ी संख्या जो 88 से पूर्णतः कट जाये।
 $\frac{9999}{88} = \text{भाज्य} - \text{शेष}$
 $9999 - 55 = 9944$
6. 2,3,4,5,6 में प्रत्येक से विभक्त होने वाली छोटी संख्या जो पूर्ण वर्ग है ?
 2,3,4,5,6 का ल. स. = 60
 $60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$ इसे पूर्ण वर्ग बनाने के लिए 3×5 का पुनः गुणा करना होगा $2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 3 \times 5 = 900$

अंको के मान वास्तविक / जातीय / अंकित या शुद्ध मान (Actual Value) किसी संख्या का वास्तविक मान हमेशा स्थिर रहता।

8748 में 8 के दोनों स्थानों का वास्तविक मान - 8 ही रहेगा

स्थानीय मान (Place Value)-

8768 में 8 का स्थानीय मान

8
8000

संख्याओं की विभाज्यता की जाँच

2 से भाजकता का नियम- जिस संख्या के अंकों के अंत में 0,2,4,6,8 हो तो वह संख्या 2 से भाज्य होती है

जैसे :- 4350, 4258, 567084

3 से भाजकता का नियम - जिस संख्या के अंकों के योगफल में 3 का पूरा-पूरा भाग चला जाये तो वह संख्या 3 से भाज्य होती है

जैसे:- 85761, $8+5+7+6+1 = 27$, यहाँ 27, 3 से विभाजित है तो यह संख्या भी भाज्य होगी।

Exml- 701

$7+0+1=8$

701 divided by

111

$1+1+1=3$

111 divide by 3

4 से भाजकता का नियम - जिस संख्या के इकाई व दहाई के अंकों में 4 का पूरा-पूरा भाग चला जाये तो वह संख्या 4 से भाज्य होगी।

जैसे :- 15396, यहाँ 96, 4 से पूरी तरह भाज्य है तो यह संख्या भी 4 से पूरी तरह भाज्य होगी।

$\rightarrow$ last digit 4 se divide

1700 $\rightarrow$ divided by 4

5 से भाजकता का नियम- जिस संख्या के अंत में 0 या 5 हो तो वह संख्या 5 से पूरी तरह विभाजित होगी।

जैसे:- 85790, 12625

6 से भाजकता का नियम- जो संख्या 2 व 3 से पूरी तरह विभाजित हो तो वह संख्या 6 से भी विभाजित होगी।

जैसे:- 5730, 85944

7 से भाजकता का नियम- दी गयी संख्या के इकाई अंक को दोगुना करके शेष संख्या में से घटाते हैं यदि शेष संख्या 7 से कट जाये तो वह 7 से भाज्य हो जाएगी। अन्यथा नहीं

जैसे:-16807, में से 7 को दोगुना 14 घटाने पर 1680-7×2=1666, 166-6×2=154, 15-4×2=7 अतः यह संख्या 7 से पूर्णतः भाज्य है।

यदि कोई संख्या समान अंको की पुनरावृत्ति से 6 अंको तक हो तो वह संख्या 7 से विभाजित होगी। जैसे- 444444

8 से भाजकता का नियम- जिस संख्या के इकाई, दहाई व सैकड़ा के अंको में 8 का पूरा-पूरा भाग चला जाए तो वह संख्या 8 से विभाजित होगी।

जैसे:-73584 में 584, 8 से विभाजित है तो यह संख्या भी 8 से विभाजित होगी।

9 से भाजकता का नियम- जिस संख्या के अंको के योग में 9 से पूरा-पूरा भाग चला जाए तो वह संख्या 9 से भाज्य होगी।

जैसे:-47691, 4+7+6+9+1=27

27, 9 से भाज्य है तो यह संख्या भी 9 से भाज्य होगी।

11 से भाजकता का नियम- जिस संख्या के सम स्थानों के अंको और विषम स्थानों के अंको का अंतर 0 या 11 से विभाज्य हो तो वह संख्या 11 से विभाजित होगी।

जैसे:-95744 (9+7+4)-(5+4)=20-9=11

इनका अंतर 11 से भाज्य है तो यह संख्या भी 11 से भाज्य होगी।

Note:- यदि कोई संख्या 6 बार एक ही अंक की पुनरावृत्ति से बनी हो तो वह संख्या 3, 7, 11, 13 व 37 से पूर्णतः विभाजित होती है।

इकाई अंक कैसे निकाले

जिस संख्या का इकाई अंक 0,1,5,6 हो उसका इकाई अंक सेम यही रहेगा।

- 0,1,5,6 के अतिरिक्त दूसरा हो तो

जैसे (352)67 का इकाई अंक

1st घात में 1 कम करेंगे - 66

II - 1 कम करके 4 का भाग देंगे $\frac{66}{4}$

III - 4 का भाग देकर शेष निकालेंगे - $\frac{66}{4} = 2$ शेष

IV - संख्या इकाई अंक देखेंगे - 2

V - अब 2 की बात (शेष +1) चढ़ाएंगे

VI - यही हमारा इकाई अंक है - $(2)^3 = 8$

महत्वपूर्ण सूत्र:-

A. लगातार n तक की प्राकृत संख्याओं का योग $= \frac{n(n+1)}{2}$

B. लगातार n तक की प्राकृत संख्याओं के वर्गों का योग $= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

C. लगातार n तक की प्राकृत संख्याओं के घनों का योग $= \frac{n(n+1)^2}{2}$

D. लगातार n सम संख्याओं का योग $= (n+1)$

E. लगातार n विषम संख्याओं का योग $= n^2$

1. $\frac{1}{2}$ तथा $\frac{3}{5}$ के मध्य एक परिमेय संख्या है?

(A) $\frac{2}{5}$

(B) $\frac{4}{7}$

(C) $\frac{2}{3}$

(D) $\frac{1}{3}$

हल - $\frac{4}{7}$ विकल्प से जिसका भागफल $\frac{1}{2}$ तथा $\frac{3}{5}$ के बीच हो

1. दो संख्याओं का योग 40 है तथा उनका अन्तर 6 है तो बड़ी संख्या क्या होगी ?

बड़ी व योग अन्तर / 2

$$= \frac{40 + 6}{2} = 23$$

छोटी - योग-अन्तर/2

$$= \frac{40 - 6}{2} = 17$$

2. दो संख्याओं का योग 75 है और उनका अन्तर 25 है तो दोनों संख्याओं का गुणनफल ?

$$\frac{75+25}{2} = 50 \text{ बड़ी}$$

$$\frac{75-25}{2} = 25 \text{ छोटी}$$

$$=> 50 \times 25 = 1250$$

3. दो संख्याओं का योग 8 तथा गुणनफल 15 है तो उनके व्युत्क्रमों का योग ?

चाहे योग पूछे या अन्तर, गुणनफल नीचे रखना है।

$$= 8/15 \text{ Ans.}$$

4. यदि किसी संख्या को 114 से भाग देने पर 21 शेष बचता है यदि उसी संख्या को 19 से भाग देने पर कितना शेष बचेगा ?

5. यदि किसी संख्या को 25 से भाग दिया जाए तो 7 शेष बचता है यदि उसी संख्या को 5 से भाग दिया जाए तो शेष ?

6. यदि किसी संख्या को 35 से भाग दिया जाए तो 4 शेष बचता है यदि उस संख्या के वर्ग को 5 से भाग दिया जाए तो शेष ? $\frac{(4)^2}{5} = \frac{16}{5} = 1 \text{ शेष}$

अभ्यास प्रश्न

प्रश्न 1. प्रथम 11 क्रमिक सम संख्याओं के वर्गों का औसत क्या है?

- A. 184 B. 148
C. 186 D. 174

हल:

$$\frac{2^2 + 4^2 + \dots + 22^2}{11}$$

$$= \frac{2(1^2 + 2^2 + \dots + 11^2)}{11}$$

$$= \frac{4}{11} \times \frac{11(11+1)(2 \times 11 + 1)}{6} = \frac{4 \times 12 \times 23}{6}$$

$$= 184$$

प्रश्न 2. दो अंकों की संख्या के अंकों का गुणनफल 24 है, यदि इसके इकाई का अंक दहाई के अंक के दुगुने से 2 अधिक है तो संख्या ज्ञात कीजिए।

- A. 46 B. 64
C. 38 D. 21

हल:

माना दहाई का अंक X और इकाई का अंक Y है।

प्रश्नानुसार

पहली शर्त $XY = 24$

दूसरी शर्त $2X = Y - 2$ या $Y = 2X + 2$

इसलिए $X(2X + 2) = 24$

समीकरण को हल करने पर $x = 3, y = 8$

इसलिए संख्या $= 10X + Y = 10 \times 3 + 8 = 38$

प्रश्न 3. यदि प्रत्येक बच्चे को 10 आम दिये गये तो 3 आम बच गये लेकिन यदि प्रत्येक को 11 दिये गये तो 4 आम कम पड़े गये। तो आमों की संख्या थी।

- A. 37 B. 73
C. 75 D. 57

हल:

मान लिया बच्चों की संख्या x है।

$$10x + 3 = 11x - 4$$

$$x = 10$$

इसलिए आमों की संख्या $= 10 \times 7 + 3 = 73$

प्रश्न 4. यदि किसी संख्या तथा इसके वर्ग का योग 182 है। तो वह संख्या क्या होगी?

- A. -14 B. -15
C. 14 D. 15

हल:

प्रश्नानुसार

$$x + x^2 = 182$$

हल करने पर $x = 13, -14$

अतः अभीष्ट संख्या -14 होगी

प्रश्न 5. तीन क्रमागत सम संख्या का योग 114 है। तो मध्य संख्या क्या होगी?

- A. 36 B. 38
C. 40 D. 42

हल:

मान लेते हैं कि पहली सम संख्या x है।

इसलिए दूसरी सम संख्या $x + 2$ और तीसरी सम संख्या $x + 4$ होगी।

प्रश्नानुसार

$$x + x + 2 + x + 4 = 114$$

$$x = 36$$

इसलिए बीच वाली संख्या $= x + 2$

$$= 36 + 2 = 38$$

प्रश्न 6. किसी संख्या के $\frac{3}{7}$ के एक चौथाई का $\frac{2}{3}$ अगर 15 है। तो संख्या का आधा क्या होगा?

- A. 96 B. 105
C. 196 D. 188

हल:

मान लेते हैं कि मूल संख्या x है।

इसलिए प्रश्न के अनुसार $x \left(\frac{3}{7} \right) \left(\frac{1}{4} \right) \left(\frac{2}{3} \right) = 15$

हल करने पर $x = 105$

प्रश्न 7. दो अंकों की संख्या के अंकों का योग 7 है। जब अंकों के स्थान को पलट दिया जाता है। तो मूल संख्या परिणामी से 27 अधिक हो जाती है। संख्या ज्ञात करो?

- A. 16 B. 43
C. 25 D. 52

हल:

माना दहाई का अंक x है, और इकाई का अंक y है।

संख्या $= 10x + y$

अंकों का स्थान पलटने पर प्राप्त संख्या $= 10y + x$

प्रश्नानुसार,

$$10x + y (10y + x) = 27$$

$$9x - 9y = 27$$

$$x - y = 3 \text{ -----(1)}$$

प्रश्न में दिया है कि अंकों का योग 7 है-

- (A) 1000 (B) 1/1000
(C) 360 (D) 1/360

हल:

$$\begin{aligned} \text{दिया गया व्यंजक} &= \frac{680^2 + 320^2 - 680 \times 320}{680^3 + 320^3} \\ &= \frac{a^2 + b^2 - axb}{a^3 + b^3}, \text{ जहाँ } a = 680 \text{ तथा } b = 320 \\ &= \frac{1}{a+b} = \frac{1}{680+320} = \frac{1}{1000} \end{aligned}$$

प्रश्न.27. $\left[\frac{1}{1 \times 2} + \frac{1}{2 \times 3} + \frac{1}{3 \times 4} + \dots + \frac{1}{99 \times 100} \right] = ?$

- (A) $\frac{1}{9900}$ (B) $\frac{99}{100}$
(C) $\frac{100}{99}$ (D) $\frac{1000}{99}$

हल:

$$\begin{aligned} \text{दिया गया व्यंजक} &= \left(1 - \frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3}\right) + \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right) + \dots + \left(\frac{1}{99} - \frac{1}{100}\right) \\ &= \left(1 - \frac{1}{100}\right) = \frac{99}{100} \end{aligned}$$

प्रश्न.28. किसी संख्या को 4 से भाग देने पर शेषफल 2 प्राप्त होता है। इससे प्राप्त भागफल को 5 से भाग देने पर शेषफल 3 प्राप्त होता है। इस प्रकार प्राप्त भागफल को 6 से भाग देने पर शेषफल 5 प्राप्त होता है। यदि अंतिम भागफल 7 हो, तो संख्या क्या थी?

- (A) 962 (B) 954
(C) 946 (D) 938

हल:

$$\text{संख्या} = 4 \times Q + 2, Q = 5q + 3 \text{ तथा } q = 6 \times 7 + 5 = 47$$

$$\therefore Q = 5 \times 47 + 3 = 238 \Rightarrow \text{संख्या} = 4 \times 238 + 2 = 954$$

प्रश्न.29. $(51 + 52 + 53 + \dots + 100) = ?$

- (A) 2525 (B) 2975
(C) 3225 (D) 3775

हल:

$$\begin{aligned} \text{दिया गया व्यंजक} &= (1 + 2 + 3 + \dots + 50 + 51 + 52 + \dots + 100) - (1 + 2 + 3 + \dots + 50) \\ &= \left(\frac{100 \times 101}{2}\right) - \left(\frac{50 \times 51}{2}\right) = (5050 - 1275) = 3775 \end{aligned}$$

प्रश्न.30. $(11^2 + 12^2 + 13^2 + \dots + 20^2) = ?$

- (A) 385 (B) 2485
(C) 2870 (D) 3255

हल:

$$\text{हम जानते हैं कि: } (1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2) = \frac{1}{6} n (n + 1) (2n + 1)$$

$$\therefore \text{दिया गया व्यंजक} = (12^2 + 2^2 + \dots + 10^2 + 11^2 + \dots + 20^2) - (1^2 + 2^2 + \dots + 10^2)$$

$$= \left(\frac{1}{6} \times 20 \times 21 \times 41\right) - \left(\frac{1}{6} \times 10 \times 11 \times 21\right) = (2870 - 385) = 2485$$

प्रश्न.31. $\frac{(931+138)^2 + 931 - 138^2}{(931 \times 931 + 138 \times 138)} = ?$

- (A) 793 (B) 1069
(C) $\frac{793}{1069}$ (D) इनमे से कोई नहीं

हल:

$$\text{दिया गया व्यंजक} = \frac{(a+b)^2 + (a-b)^2}{a^2 + b^2}, \text{ जहाँ } a = 931 \text{ तथा } b = 138$$

$$= \frac{2(a^2 + b^2)}{(a^2 + b^2)}$$

अध्याय-3

घातांक एवं करणी

घातांक (Indices)

यदि n एक घन पूर्णांक तथा a कोई वास्तविक संख्या होए तो

$$a^n = a \times a \times a \times a \times a \times \dots \times a \text{ (n बार)}$$

a^n को a का n वा घात कहाँ जाता है वास्तविक संख्या a को आधार तथा n को a के n वें घात का घातांक कहाँ जाता है।

घातांक के नियम

$$a^m \times a^n = a^{m+n}$$

$$\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

$$(a^m)^n = a^{mn}$$

$$(ab)^n = a^n b^n$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$a^0 = a^m - m = \frac{a^m}{a^m} = 1$ (जिस संख्या की घाट शून्य हो उसका मान 1 होता है)

$1/a^{-n} = a^n$ जैसे: $1/5^{-2} = 5^2$ (घातांक वाली संख्या को ऊपर या नीचे बदलने पर उसकी घात के चिन्ह $(-, +)$ बदल जाते हैं।)

$$\left[\frac{a}{b}\right]^n = \frac{a^n}{b^n}$$

$$a^m \times a^n \times a^k = a^{m+n+k}$$

जैसे:

$$2^1 \times 2^2 \times 2^3$$

$$2^{1+2+3}$$

$$2^6$$

करणी (Surds)

जिस संख्या का मूल पूर्णतः ज्ञात नहीं किया जा सके ऐसी संख्या के मूल को करणी (Surds) अथवा अमूलक संख्या (Irrational Quantity) कहलाते हैं।

जैसे: $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$, $\sqrt[3]{4}$ आदि करणी (Surds) अथवा अमूलक संख्या हैं।

करणी के प्रकार (Types of Surds)

- शुद्ध करणी (Pure Surds):- ऐसी करणी जिसका परिमेय गुणनखण्ड हो, शुद्ध करणी कहलाती है।
- मिश्र करणी (Mixed Surds):- ऐसी करणी जिसका एक गुणनखण्ड 1 के अतिरिक्त कोई अन्य परिमेय संख्या होए मिश्र करणी कहलाती है।

3. समरूप अथवा सजातीय करणी (Similar or Like Surds):- जिन करणियों के अपरिमेय गुणनखण्ड समान होते हैं समरूप या सजातीय करणियाँ कहलाती हैं।

4. संयुग्मी करणी (Conjugate Surds):- द्विपद वाली ऐसी दो करणियाँ जिनके दोनों पद समान होए परन्तु दोनों करणियों में दोनों पदों के बीच केवल $+$ और $-$ चिन्ह का अन्तर होए संयुग्मी करणी कहलाती हैं।

जैसे:- $(2 + \sqrt{3})$ की संयुग्मी करणी $(2 - \sqrt{3})$ होगी।

करणियों का जोड़ घटाव गुणनफल तथा भाजन

करणियों का जोड़ घटाव गुणन और भाजन केवल समान घात; समरूप वाली करणियों किया जाता है यदि करणियाँ समान घात में न होए तो सबसे पहले उन्हें समान घात में बनाया जाता है फिर उनका जोड़ घटाव गुणन या भाजन किया जाता है।

उदाहरण:

- समान करणियों का जोड़

$$= \sqrt{3} + 2\sqrt{3} + 4\sqrt{3}$$

$$= \sqrt{3}(1 + 2 + 4)$$

$$= 7\sqrt{3}$$
- समान करणियों का घटाव

$$= 8\sqrt{3} - 4\sqrt{3}$$

$$= \sqrt{3}(8 - 4)$$

$$= 4\sqrt{3}$$
- समान करणियों का गुणन

$$= 4\sqrt{3} \times 2\sqrt{3}$$

$$= 4 \times 2 \times (\sqrt{3})^2$$

$$= 8 \times 3$$

$$= 24$$
- समान करणियों का भाजन

$$= 8\sqrt{3} \div 4\sqrt{3}$$

$$= \sqrt{3}; 8 \div 4)$$

$$= \sqrt{3} \times 2$$

$$= 2\sqrt{3}$$

घातांक एवं करणी से संबंधित प्रश्न उत्तर

Q. $1(2.4 + 10^3) \div (8 \times 10^{-2}) = ?$

A. 10

B. 2×10^3

C. 3×10^4

D. 40

हल:- प्रश्नानुसार,

$$(2.4 + 10^3) \div (8 \times 10^{-2}) = ?$$

$$(2.4 + 10^3)/(8 \times 10^{-2}) = ?$$

$$0.3 \times 10^{3+2}$$

$$0.3 \times 10^5$$

$$3 \times 10^4$$

$$\text{Ans. } 3 \times 10^4$$

Q. 2 $4\sqrt{(625)^3}$ का मान निकालिए

A. 25

B. 50

C. 125

D. 200

हल:- प्रश्नानुसार,

$$4\sqrt{(625)^3}$$

$$(625)^{\frac{3}{4}}$$

$$5^{4 \times \frac{3}{4}}$$

$$5^3$$

$$125$$

$$\text{Ans. } 125$$

Q. 3 $(\sqrt{8})^{1/3}$

A. 2

B. $\sqrt{2}$

C. 4

D. $2\sqrt{2}$

हल:- प्रश्नानुसार,

$$(\sqrt{8})^{1/3}$$

$$(8^{\frac{1}{2}})^{1/3}$$

$$8^{(\frac{1}{2} \times \frac{1}{3})}$$

$$8^{1/6}$$

$$(2^3)^{1/6}$$

$$2^{3 \times \frac{1}{6}}$$

$$2^{1/2}$$

$$\sqrt{2}$$

$$\text{Ans. } \sqrt{2}$$

Q. 4 $(32)^{-1/5}$ बराबर है?

A. $\frac{1}{5}$

B. $\frac{1}{3}$

C. $\frac{1}{2}$

D. $\frac{1}{7}$

हल:- $(32)^{-1/5}$

$$\left(\frac{1}{32}\right)^{1/5}$$

$$\left[\left(\frac{1}{2}\right)^5\right]^{1/5}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{5 \times \frac{1}{5}}$$

$$\frac{1}{2}$$

$$\text{Ans. } \frac{1}{2}$$

Q. 5 $\left(-\frac{1}{125}\right)^{-2/3}$ का मान होगा?

A. 1/25

B. $-\frac{1}{25}$

C. 25

D. -25

हल:- प्रश्नानुसार,

$$\left(-\frac{1}{125}\right)^{-2/3}$$

$$-(-125)^{2/3}$$

$$[(-5)^3]^{2/3}$$

$$(-5)^{3 \times \frac{2}{3}}$$

$$(-5)^2$$

$$25$$

$$\text{Ans. } 25$$

Q. 6 $\sqrt[3]{(64)^{-4}} \times (125)^{-2}$ का मान होगा?

A. 6400

B. $\frac{1}{6400}$

C. $\frac{1}{3200}$

D. 3200

हल:- प्रश्नानुसार,

$$\sqrt[3]{(64)^{-4}} \times (125)^{-2}$$

$$(64)^{4/3} \times 125^{-2/3}$$

$$4^{-4} \times 5^{-2}$$

$$\frac{1}{255} \times \frac{1}{25}$$

$$\frac{1}{6400}$$

$$\text{Ans. } \frac{1}{6400}$$

Q. 7 व्यंजक $\left[(\sqrt{5})^5 \times \frac{(\sqrt{5})^{-3}}{(\sqrt{5})^{-2}}\right]^{3/2}$ का मान है?

A. 5²

B. 5³

C. $\sqrt{5}$

D. 25

अध्याय-10

अनुपात एवं समानुपात

- (1) मिश्रित अनुपात :- दो या दो से अधिक अनुपातों के प्रथम पदों का गुणनफल और द्वितीय पदों के गुणनफल में जो अनुपात होगा, उसे मिश्रित अनुपात कहते हैं ! जैसे - 2 : 3, 1 : 4, 3 : 2

$$(2 \times 1 \times 3) : (3 \times 4 \times 2)$$

$$6 : 24$$

$$1 : 4$$

- (2) वर्गानुपात :- किसी अनुपात के प्रत्येक पदों के वर्गों से बना अनुपात वर्गानुपात होता है ! जैसे -

$$a : b = a^2 : b^2$$

$$4 : 5$$

$$16 : 25$$

- (3) आधारानुपात - किसी अनुपात के प्रत्येक वर्गमूलों में जो अनुपात होता है उसे आधारानुपात कहते हैं जैसे -

$$64 : 121$$

$$a : b$$

$$8 : 11$$

$$\sqrt{a} : \sqrt{b}$$

- (4) तिहरा अनुपात = किसी अनुपात के प्रत्येक पदों के घनों से बना (cube)

अनुपात तिहरा अनुपात कहते हैं ! जैसे 2 : 3

$$a : b = a^3 : b^3$$

$$8 : 27$$

तिहाई अनुपात :- किसी अनुपात के प्रत्येक पदों के घनमूलों से बना अनुपात तिहाई अनुपात है ! जैसे

$$64 : 125$$

$$a : b$$

$$4 : 5$$

$$\sqrt[3]{a} : \sqrt[3]{b}$$

समानुपात :- यदि दो अनुपात परस्पर हो तो उनके चारों पद समानुपाती कहलाते हैं जैसे -

$$a : b :: c : d$$

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$

समानुपात की शर्त -

मध्य पदों का गुणनफल = बाह्य पदों का गुणनफल

$$bc = ad$$

नियमित अनुपात (Regular Ratio) :-

$$a : b = 2 : 3$$

$$b : c = 4 : 5$$

$$a : b : c = ?$$

$$a : b : c$$

2 Method

$$\begin{array}{l} 2 : 3 \\ \quad \searrow \quad \swarrow \\ \quad 4 : 5 \end{array}$$

$$8 : 12 : 15$$

$$a : b : c$$

$$2 : 3 : 3$$

$$4 : 4 : 5$$

$$8 : 12 : 15$$

अनियमित अनुपात (Irregular Ratio) :-

$$a : c = 2 : 3$$

$$b : c = 4 : 5$$

$$a : b : c = ?$$

$$a : b : c$$

$$2 \times 5 : 4 \times 3 : 5 \times 3$$

$$10 : 12 : 15$$

समान चीजों का अनुपात हमेशा बराबर होता है !

$$a : b = 2 : 3$$

$$a : b : c = ?$$

$$b : c = 3 : 4$$

$$a : b : c = 2 : 3 : 4$$

$$a : b = 2 : 3$$

$$b : c = 1 : 4$$

$$a : b : c = 2 : 3 : 12$$

$$a : b = 2 : 3$$

$$a : b : c : d = ?$$

$$b : c = 1 : 4$$

$$c : d = 5 : 2$$

$$a : b : c : d = 10 : 15 : 60 : 24$$

Type - 1 साधारण प्रश्न

- (1) यदि $a : b = 2 : 3$ और $b : c = 4 : 5$ तो $a : b : c$ ज्ञात करें।

$$a : b = 2 : 3$$

$$b : c = 4 : 5$$

$$a : b : c = 8 : 12 : 15$$

- (2) यदि $a : b :: 2 : 3$, $b : c :: 4 : 1$ तथा $c : d :: 2 : 5$ तो $a : b : c : d$ ज्ञात करो !

$$a : b = 2 : 3$$

$$b : c = 4 : 1$$

$$c : d = 2 : 5$$

$$a : b : c : d = 16 : 24 : 6 : 15$$

(3) A और B का अनुपात 2 : 3 है तथा B और C का अनुपात 4 : 5 है ! तो

(4) $A^2 : B^2 : AC$ का मान क्या होगा ?

$$A : B = 2 : 3$$

$$B : C = 4 : 5$$

$$A : B : C = 8 : 12 : 15$$

$$A^2 : B^2 : AC$$

$$64 : 144 : 120$$

$$8 : 18 : 15$$

(5) यदि $a : b :: 2 : 5$, $b : c :: 4 : 3$

तथा $c : d :: 2 : 5$ तो $a : d$ ज्ञात करें !

$$\frac{a}{b} \times \frac{b}{c} \times \frac{c}{d} = \frac{2}{5} \times \frac{4}{3} \times \frac{2}{5}$$

$$\frac{a}{d} = \frac{16}{75}$$

Type - 2 संख्याओं पर आधारित प्रश्न

(1) तीन संख्याओं का योग 116 है ! दूसरी संख्या और तीसरी संख्या 9 : 16 के अनुपात में हैं, जबकि पहली संख्या और तीसरी संख्या 1 : 4 के अनुपात में हैं ! दूसरी संख्या ज्ञात करें ?

$$b : c = 9 : 16$$

$$29 = 116$$

$$a : c = 1 \times 4 : 4 \times 4$$

$$1 = 4$$

$$a : b : c = 4 : 9 : 16$$

$$9 = 9 \times 4$$

$$36$$

$$= 36$$

(2) दो संख्याओं के योग, अंतर तथा गुणनफल के अनुपात क्रमशः 11 : 1 : 90 है ! इन संख्याओं के वर्गों का योग ज्ञात करें ?

$$a + b : a - b : axb$$

$$a + b = 11k$$

$$11k : 1k : 90k$$

$$a - b = k$$

$$axb = 90k$$

$$2a = 12k$$

$$6k \times 5k = 90k$$

$$a = 6k$$

$$30k^2 = 90k$$

$$b = 5k$$

$$k = 3$$

$$a = 6 \times 3 = 18$$

$$b = 5 \times 3 = 15$$

$$a^2 + b^2 = ?$$

$$18^2 + 15^2 = 549$$

2 Method

$$6k + 5k : 6k - 5k : 30k$$

$$a + b : a - b : axb \times 3$$

$$11 : 1 : 90$$

$$a = 18$$

$$a^2 + b^2$$

$$b = 15$$

$$18^2 + 15^2 = 549$$

(3) दो संख्याओं जिनका अंतर, योग तथा गुणनफल क्रमशः 1 : 7 : 24 ! संख्याओं का गुणनफल ज्ञात करें !

$$a - b : a + b : axb$$

$$a - b = 1k$$

$$1k : 7k : 24k$$

$$a + b = 7k$$

$$a = 4k = 8$$

$$b = 3k = 6$$

$$axb = 24k$$

$$4k \times 3k = 24k$$

$$k = 2$$

$$axb$$

$$8 \times 6 = 48$$

2 Method

$$4 - 3 : 4 + 3 : 4 \times 3$$

$$a - b : a + b : axb$$

$$1 : 7 : 24$$

$$a = 8$$

$$axb = 8 \times 6$$

$$b = 6$$

$$= 48$$

Type - 3 अनुपाती संख्याओं को ज्ञात करना

माध्य समानुपात = तृतीय समानुपात

$$a : x :: x : b \Rightarrow a : b :: b : x$$

$$x^2 = ab$$

$$b^2 = ax$$

$$x = \sqrt{ab}$$

$$x = \frac{b^2}{a}$$

चतुर्थ समानुपात

$$a : b :: c : x$$

$$ax = bc$$

$$x = \frac{bc}{a}$$

(1) $\frac{1}{4}$ तथा $\frac{1}{9}$ का माध्य समानुपात ज्ञात करें ?

$$x = \sqrt{ab}$$

$$x = \sqrt{\frac{1}{4} \times \frac{1}{9}}$$

$$x = \frac{1}{6}$$

2 Method

$$(2 : 3) \times 2$$

$$(3 : 5) \times 1$$

छोटी : बड़ी

$$\begin{array}{cc} 4 & : & 6 \\ \downarrow & & \downarrow \\ 3 & : & 5 \end{array}$$

$$1 = 5$$

$$4 = 4 \times 5$$

$$= 20$$

Type - 6 अनुपाती विभाजन पर आधारित प्रश्न

- (1) A, B, C में Rs 3500 इस प्रकार वितरित किये गए कि A : B = 5 : 4 तथा B : C = 3 : 2 तो B को कितने रु प्राप्त हुए

$$A : B = 5 : 4$$

$$B : C = 3 : 2$$

$$A : B : C = 15 : 12 : 8$$

$$A + B + C \quad 35 = 3500 \text{ Rs}$$

$$B = 1200 \text{ Rs} \quad 1 = 100$$

$$12 = 12 \times 100$$

$$= 1200 \text{ Rs}$$

- (2) एक व्यक्ति रुपए 330000 को अपनी पुत्री, पत्नी तथा पुत्र में इस प्रकार बाँटा है कि पुत्री का $\frac{1}{2}$ भाग, पत्नी का $\frac{1}{4}$ भाग तथा पुत्र का $\frac{1}{5}$ भाग परस्पर बराबर है! पुत्री का भाग कितना है?

$$\text{पुत्री} \times \frac{1}{2} = \text{पत्नी} \times \frac{1}{4} = \text{पुत्र} \times \frac{1}{5} = k$$

$$\text{पुत्री} = 2k = 60000 \text{ Rs} \quad 11k = 330000$$

$$\text{पत्नी} = 4k \quad k = 30000$$

$$\text{पुत्र} = 5k \quad 2k = 2 \times 30000$$

$$= 60000 \text{ Rs}$$

- (3) Rs 530 को A, B, C में इस प्रकार बाँटा गया है कि A को B से 70 Rs अधिक मिले तथा B को C से 80 Rs अधिक मिले इनके भागों का अनुपात कितना है?

$$A : B : C$$

$$250 : 180 : 100$$

$$530 = 530 \text{ Rs}$$

$$1 = 1 \text{ Rs}$$

$$25 : 18 : 10$$

- (4) एक व्यक्ति ने अपनी सम्पत्ति को इस प्रकार से विभक्त किया कि उसकी पुत्री तथा पत्नी के भाग और उसकी पत्नी तथा पुत्र के भाग में से प्रत्येक 3 : 1 में हो, यदि पुत्र को पुत्री से 10000 Rs कम मिले हो तो सम्पत्ति का कुल मूल्य कितना है?

पुत्री : पत्नी : पुत्र

$$3 : 1$$

$$8 = 10000 \text{ Rs}$$

$$3 : 1$$

$$1 = 1250$$

$$9 : 3 : 1$$

$$13 = 1250 \times 13$$

$$\leftarrow -8$$

$$= 16250 \text{ Rs}$$

$$\text{Total} = 13$$

Type - 7 सिक्को पर आधारित प्रश्न

- (1) एक बैग में 1 Rs, 50 पैसे तथा 25 पैसे के सिक्के हैं और सिक्कों की संख्या का अनुपात 5 : 7 : 9 है! यदि कुल सिक्कों का कुल मूल्य 430 Rs है तो 50 पैसे के सिक्कों की संख्या ज्ञात करें?

$$1 \text{ Rs} : 50 \text{ पैसे} : 25 \text{ पैसे}$$

$$5x : 7x : 9x$$

$$5x + 3.5x + 2.25x = 430 \text{ Rs}$$

$$10.75x = 430$$

$$x = 40$$

$$50 \text{ पैसे के सिक्कों की संख्या} = 7x$$

$$= 7 \times 40$$

$$= 280$$

- (2) एक बैग में 1 Rs, 50 पैसे व 25 पैसे के सिक्के हैं व उनकी कीमत का अनुपात 30 : 11 : 7 और कुल सिक्कों की संख्या 480 है! 50 पैसे के सिक्कों की संख्या ज्ञात करें?

$$1 \text{ Rs} : 50 \text{ पैसे} : 25 \text{ पैसे}$$

$$30x : 11x : 7x$$

$$30x : 22x : 28x$$

$$80x = 480$$

$$x = 6$$

$$50 \text{ पैसे के सिक्के} = 132$$

$$22x = 22 \times 6$$

$$= 132$$

Trick -3

- यदि a और c दो संख्याएँ हैं तो, इनका मध्य समानुपाती $b = \sqrt{ac}$

उदाहरण: $4:b::b:8$ तब x का मान ज्ञात कीजिए।

हल:

$$b = \sqrt{8 \times 4} = \sqrt{32} = 4$$

Trick -4

- यदि b और c दो संख्याएँ हैं तो, प्रथम समानुपाती $a = \frac{b^2}{c}$

उदाहरण: 8 और 2 दो संख्याएँ हैं तो इसका प्रथम समानुपाती क्या होगा?

हल:

$$\text{प्रथम समानुपाती} = \frac{8^2}{2} = \frac{64}{2} = 32$$

Trick -5

- यदि a और b दो संख्याएँ हैं तो, इसका तृत्यासमानुपाती $c = \frac{b^2}{a}$

उदाहरण: 4 और 2 का तृतीय समानुपाती क्या होगा?

हल:

$$4 \text{ और } 2 \text{ का तृतीय समानुपाती} = \frac{2^2}{4} = \frac{4}{4} = 1$$

Trick -6

- a, b , एवं c का चतुर्थ समानुपाती $= \frac{2^2}{4} = \frac{4}{4} = 1$

उदाहरण: 4, 5 और 2 का चतुर्थ समानुपाती क्या होगा?

हल:

$$\text{चतुर्थ समानुपाती} = \frac{2 \times 5}{4} = \frac{10}{4} = \frac{5}{2}$$

Trick -7

- यदि $A:B=x:y$ तथा $B:C=p:q$ हो तो,

$$\begin{aligned}
 A:C &= x \times p : y \times q \\
 A:B:C &= (x:y) \times P:y \times q \\
 &= x \times p : y \times p : y \times q \\
 \text{या } A:B:C &
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{ccc}
 x & : & y \\
 \downarrow & & \searrow \\
 & & p : q
 \end{array}$$

$$x \times p : y \times p : y \times q$$

उदाहरण: यदि a और b की आय का अनुपात 2:3 तथा b और c की आय का अनुपात 4:5 है, तो a और c की

आय का अनुपात क्या होगा तथा a, b और c की आय का अनुपात क्या होगा ?

हल:

$$a:b = 2:3$$

$$b:c = 4:5$$

$$\therefore a:c = \frac{2 \times 4}{3 \times 5} = \frac{8}{15} = 8:15$$

$$a:b:c = 2 \times 4 : 4 \times 3 : 3 \times 5 = 8:12:15$$

उदाहरण: यदि A का भाग B के भाग का $\frac{2}{3}$ तथा B का भाग C के भाग का $\frac{3}{4}$ हो, तो $A:C$ का मान क्या होगा?

हल:

$$A:C = 2 \times 3 : 3 \times 4 = 1:2$$

$$[\because A = \frac{2}{3} B \Rightarrow A:B = 2:3]$$

$$\text{इसी प्रकार, } B:C = 3:4]$$

Trick -8

- यदि $A:B=x:y$, $B:C=p:q$ तथा $C:D=m:n$ हो तो,

$$A:D = x \times p \times m : y \times q \times n$$

$$A:B:C:D = (xp:yp:yq) \times (m:y \times q \times n) = xpm:ypm:yqm:yqn$$

$$\begin{array}{ccc}
 \text{या } A:B:C:D & & \\
 x:y & \searrow & \\
 & p:q & \\
 & \searrow & \\
 & m:n & \\
 \hline
 xpm : ypm : yqm : yqn
 \end{array}$$

उदाहरण: यदि $A:B=4:5$, $B:C=6:7$, $C:D=8:9$ तो $A:D=8:9$ तो $A:D=?$

हल:

$$A:D = \frac{4 \times 6 \times 8}{5 \times 7 \times 9} = \frac{192}{315} = \frac{64}{105}$$

$$\therefore A:D = 64:105$$

$$A:B:C:D = 4 \times 6 \times 8 : 5 \times 6 \times 8 : 5 \times 7 \times 9 : 5 \times 7 \times 9$$

$$= 192 : 240 : 280 : 315$$

है यदि कक्षा 2 में 112 छात्र हैं तो उन तीनों कक्षाओं में कुल कितने छात्र हैं ?

- (1) 336 (2) 372
(3) 672 (4) 420
(1)

19. बराबर मात्रा में भरे हुए तीन बर्तनों में दूध और पानी के मिश्रणों का अनुपात क्रमशः 2 : 1, 5 : 2 और 8 : 3 हैं तीनों बर्तनों को एक अन्य बर्तन में डाल कर मिला देने पर दूध और पानी का अनुपात क्या होगा ?

- (1) 487 : 206 (2) 387 : 306
(3) 487 : 106 (4) 387 : 206
(1)

20. दो संख्याओं का योग $\frac{5}{6}$ के बराबर है तथा उनका अन्तर 10 के बराबर है। उनके वर्गों के अन्तर तथा संख्याओं के योगफल का अनुपात क्या है ?

- (1) 11:10 (2) 10:12
(3) 11:9 (4) 10:11
(4)

21. तीन संख्याओं के धनों में 125 : 216 : 243 का अनुपात है। उनमें वर्गों का अनुपात क्या है ?

- (1) 16 : 25 : 36 (2) 25 : 36 : 49
(3) 36 : 49 : 64 (4) 9 : 16 : 25
(2)

22. किसी कारखाने में पुरुष तथा महिला श्रमिकों की संख्या का अनुपात 16 : 10 है। यदि 40% पुरुष तथा 50% महिलाएँ निरक्षर हैं तो साक्षर पुरुषों की संख्या क्या है यदि 375 महिलाएँ पढ़ी लिखी हों ?

- (1) 8000 (2) 720
(3) 9100 (4) 10800
(2)

23. तीन ऐसी संख्याएँ प्रतीत करो जिनका अनुपात 3 : 2 : 5 हो और उनके वर्गों का योगफल 1862 हो।

- (1) 9, 6, 15 (2) 21, 14, 35
(3) 12, 8, 20 (4) 15, 10, 25
(2)

24. ऐसी भिन्न बतलाओ जिसका $\frac{1}{27}$ से वही अनुपात हो जो $\frac{3}{11}$ का $\frac{5}{9}$ से है।

- (1) $\frac{9}{49}$ (2) $\frac{3}{7}$
(3) $\frac{1}{55}$ (4) $\frac{5}{27}$
(3)

25. यदि $\sqrt{5} : \sqrt{6}$ का वर्गानुपात $2x + 3 : 5x - 38$ के बराबर है तो x का मान है -

- (1) 4 (2) 8
(3) 12 (4) 16
(4)

26. एक त्रिभुज के तीनों कोणों A, B एवं c का अनुपात 4 : 5 : 9 है तो उसमें $\angle A$ एवं $\angle c$ का मान होगा-

- (1) $45^\circ, 60^\circ$ (2) $40^\circ, 90^\circ$
(3) $60^\circ, 45^\circ$ (4) $60^\circ, 75^\circ$
(2)

27. यदि $A : B = 1 : 2$, $B : C = 3 : 2$ और $C : D$ is 1 : 3 है तो $A : B : C : D$ क्या होगा?

- (1) 3 : 6 : 9 : 12 (2) 3 : 4 : 8 : 10
(3) 2 : 6 : 8 : 10 (4) 3 : 6 : 4 : 12
(4)

28. A, B और C के कुल खर्च का अनुपात क्रमशः 16 : 12 : 9 और उनकी बचत उनके आय का 20%, 25% और 40% क्रमशः है। यदि उनकी आय का योग ₹ 1530 है, तो B की आय है?

- (1) ₹ 480 (2) ₹ 490
(3) ₹ 500 (4) ₹ 510
(1)

29. सोने की कीमत उसके भार के वर्ग के समानुपाती है। एक व्यक्ति सोने के भार को 3 : 2 : 1 के अनुपात में बांटकर बेचता है और इसमें उसे कुल ₹ 4620 की हानि होती है तो सोने का प्रारंभिक मूल्य ज्ञात कीजिए।

- (1) ₹ 7520 (2) ₹ 7530
(3) ₹ 7540 (4) ₹ 7560
(4)

30. एक थैले में ₹ 5, ₹ 2 और ₹ 1 के सिक्के हैं, जिनका योग ₹ 410 है। सिक्कों की संख्याओं का अनुपात क्रमशः 4 : 6 : 9 है तो थैले में ₹ 2 के कितने सिक्के हैं?

- (1) 40 (2) 50

$$\text{हानि} = 36x^2 - 14x^2$$

$$4620 = 22x^2$$

$$x^2 = 210$$

$$\text{प्रारम्भिक मूल्य} = 36x^2 = 36 \times 210 = 7560$$

30. पहले, अनुपात को ₹ 1 के सिक्के में बदले

$$\begin{array}{ccc}
 4 & : & 6 & : & 9 \\
 4x & & 6x & & 9x \\
 \times 5 \downarrow & & \times 2 \downarrow & & \times 1 \downarrow \\
 20x & & 12x & & 9x
 \end{array}$$

$$\text{अब, कुल ₹} = 410$$

$$\text{और } 20x + 12x + 9x = 410$$

$$x = 100$$

$$\text{इसलिए ₹ 2 के सिक्कों का मान} = 12 \times 10 = 120$$

$$\text{₹ 2 के सिक्को के संख्या} = \frac{120}{2} = 60$$

31. तांबा : जस्ता

$$4 : 3$$

$$\text{तांबा} = \frac{4}{7} \times 63 = 36 \text{ किलोग्राम}$$

$$\text{जस्ता} = \frac{3}{7} \times 63 = 27 \text{ किलोग्राम}$$

माना कि x किलोग्राम तांबा खोदा गया।

$$\text{शेष तांबा} = (63 - x) \text{ किलोग्राम}$$

$$\text{नया अनुपात} = \frac{10}{9}$$

$$\frac{Cu}{Zn} = \frac{10}{9}$$

$$\frac{36-x}{27} = \frac{10}{9}$$

$$\frac{36-x}{3} = \frac{10}{1}$$

$$36 - x = 30$$

$$x = 6 \text{ किग्रा}$$

$$32. \left(1 - \frac{3}{5}\right) : \left(2 - \frac{9}{10}\right)$$

$$\frac{2 \times 10}{5} : \frac{11 \times 10}{10} = 4 : 11$$

अध्याय-11

एकिक नियम

एक से अनेक और अनेक से एक के मूल्यों को नियम की अवधारणा पर ज्ञात किया जाता है। इसके एकिक संबंध में तथ्यगत बातों की जानकारी होना आवश्यक है। जब एक से अधिक वस्तुओं का मूल्य दिया गया हो, तब एक वस्तु का मूल्य ज्ञात करने के लिए कुल मूल्य को वस्तुओं की संख्या से भाग देते हैं। फिर अधिक वस्तुओं का मूल्य निकालने के लिए एक वस्तु के मूल्य को वस्तुओं की संख्या से गुणा करते हैं। यह प्रक्रिया एकिक नियम कहलाती है।

एकिक नियम को निम्नांकित उदाहरणों के माध्यम से स्पष्ट किया जा रहा है।

Type-1

दो पदों पर आधारित प्रश्न एकिक नियम से हल करना

Rule 1. एक वस्तु का मान/मूल्य दिया होने पर एक से अधिक वस्तुओं का मूल्य/मान ज्ञात करने हेतु एक वस्तु के मूल्य को वस्तुओं की संख्या से गुणा करते हैं।

Trick :

$$K \text{ व वस्तुओं का मूल्य} = 1 \text{ वस्तु का मूल्य} \times K$$

उदाहरण:

1. गीता ने एक बैडशीट 125 रुपये में खरीदी। बताइए उसे 10 बैडशीट खरीदने के लिए कितना धन व्यय करना पड़ेगा?

हल :- 1 बैडशीट का मूल्य 125 रु.

$$10 \text{ बैडशीट का मूल्य} = 125 \times 10$$

$$1250 \text{ रु. उत्तर}$$

2. किसी काम को 20 मजदूर 40 दिन में करते हैं। उसी काम को 40 मजदूर कितने दिनों में कर सकेंगे?

हल:-

20 मजदूर किसी काम को करते हैं 40 दिन में

$$1 \text{ मजदूर उसी काम को करेगा} = 40 \times 20 = 800 \text{ दिन में}$$

40 मजदूर उसी काम को करेंगे

$$800 = 20 \text{ दिन में उत्तर}$$

$$40$$

3. 6 किग्रा. चीनी का मूल्य 240 रुपये हो, तो एक क्विंटल चीनी का मूल्य ज्ञात कीजिए।

$$\text{हल:- } 6 \text{ किग्रा. चीनी का मूल्य} = 240 \text{ रु}$$

$$1 \text{ किग्रा. चीनी का मूल्य} = 240 \div 6 = 40$$

100 किग्रा. चीनी का मूल्य = $240 \div 6 \times 100 = 4000$

रु. उत्तर

Rule 2.

यदि एक व्यक्ति किसी कार्य को जितने समय में पूरा करता है, दिया हुआ हो तो उसी कार्य को एक से अधिक आदमियों द्वारा मिलकर करने का समय ज्ञात करने हेतु एक व्यक्ति द्वारा लगाये गये समय में कुल आदमियों की संख्या का भाग देते हैं।

Trick : K आदमियों द्वारा =

एक आदमी द्वारा लगाया गया समय लगने वाला समय
 कुल आदमियों की संख्या (K)

1. एक अमिक एक खेत की जुताई 25 दिन में करता है। उसी खेत की जुताई 5 मजदूर मिलकर कितने समय में कर लेंगे

हल एक आदमी द्वारा लगा समय = 25 दिन

5 आदमियों द्वारा लगा समय = $25 \div 5 = 5$ दिन

Rule-3. अनेक से एक

एक वस्तु का मूल्य उसी तरह की अनेक वस्तुओं के मूल्य से कम होता है। अतः यदि एक से अधिक वस्तुओं का मूल्य दिया गया हो तो एक वस्तु का मूल्य ज्ञात करने हेतु सभी वस्तुओं के कुल मूल्य में उन वस्तुओं की संख्या का भाग देते हैं अर्थात् भाजन किया करते हैं।

Trick: -

एक वस्तु का मूल्य = $\frac{\text{अनेक वस्तुओं का मूल्य}}{\text{उन वस्तुओं की संख्या}}$

उदाहरण:

1. 20 पेन का मूल्य 80 रुपये है तो ऐसे ही 1 पेन का मूल्य क्या होगा?

हल:- 20 पेन का मूल्य = 80 रुपये

1 पेन का मूल्य = $80 \div 20 = 4$ रुपये

Rule 4.

कोई भोजन सामग्री एक से अधिक व्यक्तियों के लिए जितने दिनों के लिए पर्याप्त होती है उतनी ही भोजन सामग्री एक व्यक्ति के लिए कितने दिनों के लिए पर्याप्त होगी, ज्ञात करने हेतु गुणन क्रिया करते हैं।

Trick:

एक व्यक्ति के लिए पर्याप्त होने के दिनों की संख्या = व्यक्तियों की संख्या $\times$ दिनों की संख्या

उदाहरण:

1. एक विद्यालय में 40 छात्रों हेतु 25 दिन का मिड डे मील है। तो बताओ एक छात्र के लिए यह मिड-डे मील कितने दिनों तक पर्याप्त रहेगा।

हल:- 40 छात्रों हेतु मिड डे मील है 25 दिन का अतः 1 छात्र हेतु पर्याप्त होगा = $40 \times 25 = 1000$ दिन

Type-II

तीन पदों पर आधारित प्रश्न एकिक नियम से हल करना

ऐसे प्रश्नों में तीन पद या चर मूल्य दिये होते हैं। उनके आधार पर चर का मान ज्ञात करना होता है इस हेतु पहले 1 वस्तु का मूल्य ज्ञात करते हैं एवं फिर वांछित का मान ज्ञात कर लेते हैं।

उदाहरण:- 1. एक छात्रावास में 120 छात्र हैं और खाद्य सामग्री 45 दिनों के लिए है। यदि उस छात्रावास में 30 छात्र नए और आ जाएं, तो वही खाद्य सामग्री कितने दिनों में समाप्त हो जाएगी?

हल:- माना नए छात्रों के आने के पश्चात् वही सामग्री x दिनों में समाप्त हो जाएगी।

120 छात्र

45 दिन

(120+30)

x

150 : 120 :: 45 : x

$x = \frac{120 \times 45}{150} = 36$ दिन

2. 4 बुनकर 4 घटाई 4 दिन में बुन सकते हैं। इसी गति से बुनकरों द्वारा 8 दिन में कितनी घटाई बुनी जा सकेगी?

हल:- 4 बुनकर 4 घटाई 4 दिन में बुन सकते हैं।

माना 8 बुनकर x घटाई 8 दिन में बुन सकते हैं।

$4 \times 4 = 8 \times 8$

$4 = 8 \times x$

$x = 16$ घटाई

3. यदि 10 आदमी किसी काम को 12 दिन में कर सकें, तो 12 आदमी उसी काम को कितने समय में करेंगे?

हल:- आदमी दिन

10

12

12

x

$x = \frac{12 \times 10}{12} = 10$ दिन

$$\text{In } 2011 - 12 = \frac{12130 - 11080}{11080} \times 100 = 9.48\%$$

$$2012 - 13 = \frac{11970 - 12130}{12130} \times 100 = -1.32\%$$

$$2013 - 14 = \frac{12660 - 11970}{11970} \times 100 = 5.76\%$$

$$2014 - 15 = \frac{13830 - 12660}{12660} \times 100 = 9.24\%$$

Hence, maximum increase is in 2011-12

2. वर्ष में से किस वर्ष में रेलवे का लाभ अधिकतम है?

(A) 2011-12

(B) 2012-13

(C) 2013-14

(D) दिए गए विकल्पों में से अन्य

Ans. (B)

लाभ (करोड़ ₹):

2010 - 11 = 1370, 2011-12 = 2270, 2012-13 = 3010

2013-14 = 2060, 2014 - 15 = 1330

इसलिए, अधिकतम लाभ 2012-13 में है।

3. कई वर्षों में एक्सप्रेस गाड़ियों से होने वाली आय, दी गई सभी वर्षों की औसत आय से कम है?

(A) 3

(B) 1

(C) कोई नहीं

(D) दिए गए विकल्पों में से अन्य

Ans. (A)

3 साल (अर्थात् 2010-11, 2011-12, 2012-13) में एक्सप्रेस ट्रेनों से होने वाली आय एक्सप्रेस ट्रेनों की औसत आय से कम है।

4. सभी दिए गए वर्षों के लिए सुपर फास्ट ट्रेनों से कुल आय की तुलना में 2011-12 में सुपर फास्ट ट्रेन से अनुमानित प्रतिशत आय क्या है?

(A) दिए गए विकल्पों में से अन्य

(B) 24%

(C) 28%

(D) 20%

Ans. (D)

$$\frac{7970}{40450} \times 100 = 20\%$$

5. दोनों ट्रेनों पर रेलवे का कुल व्यय रेलवे की कुल आय का लगभग कितना प्रतिशत है जो सभी ट्रेनों में एक साथ दिए गए सभी वर्षों के लिए है?

(A) 83.7%

(B) 81.6%

(C) दिए गए विकल्पों में से अन्य

(D) 78.9%

Ans. (A)

$$\frac{51630}{21220+40450} \times 100$$

$$\frac{51630}{61670} \times 100 = 83.7\%$$

प्रश्न :- वर्ष प्रश्नों के उत्तर देने के लिए ध्यान से तालिका दें।

6 विषयों में 6 छात्रों द्वारा प्राप्त अंकों का प्रतिशत।

विषय / छात्र	रसायन विज्ञान (150 में से)	गणित (100 में से)	तेलुगु (50 में से)	अंग्रेजी (100 में से)	भौतिकी (125 में से)	हिंदी (50 में से)
ए	85	62	72	68	70	70
बी	65	68	66	69	80	80
सी	70	72	68	78	60	66
डी	80	78	76	82	90	58
इ	90	80	72	66	70	76
एफ	60	74	62	54	60	64

1. हिंदी में सभी छात्रों द्वारा प्राप्त औसत अंक क्या है?

(A) 34.5

(B) 32.3

(C) 4

(D) 36

6 विषयों में 6 छात्रों द्वारा प्राप्त अंकों का प्रतिशत।

1.

Ans. (A)

विषय / छात्र	रसायन विज्ञान (150 में से)	गणित (100 में से)	तेलुगु (50 में से)	अंग्रेजी (100 में से)	भौतिकी (125 में से)	हिंदी (50 में से)
ए	85	62	72	68	70	70
बी	65	68	66	69	80	80
सी	70	72	68	78	60	66
डी	80	78	76	82	90	58
इ	90	80	72	66	70	76
एफ	60	74	62	54	60	64

$$70 + 80 + 66 + 58 + 76 + 64 = 414$$

$$\text{कुल अंक हिंदी में सभी छात्रों द्वारा प्राप्त} = (50 * 414) / 100 = 207$$

$$\text{औसत} = 207/6 = 34.5$$

2. B द्वारा सभी विषयों में एक साथ प्राप्त किए गए कुल अंक क्या हैं?

- (A) 407.5 (B) 390.5
(C) 508.5 (D) 408.75
Ans. (A)

$$\text{सभी विषयों में B द्वारा प्राप्त अंक} = (65 * 150) / 100 + (68 * 100) / 100 + (66 * 50) / 100 + (69 * 100) / 100 + (80 * 125) / 100 + (80 * 50) / 100 = 407.5$$

3. एफ सभी विषयों में एक साथ अंकों का कुल प्रतिशत क्या है?

- (A) 64.2% (B) 60%
(C) 65.2% (D) 61.91%
Ans. (D)

$$F \text{ के कुल अंकों का प्रतिशत} = (356 * 100) / 575 = 61.91\%$$

4. यदि परीक्षा उत्तीर्ण करने के लिए, रसायन विज्ञान में आवश्यक न्यूनतम अंक 120 और भौतिकी 95 हैं, तो दोनों विषयों में कितने छात्र उत्तीर्ण होंगे?

- (A) 3 (B) 1
(C) 4 (D) 5

Ans. (D)

$$\text{रसायन विज्ञान में पास प्रतिशत} = (120 * 100) / 150 = 80\%$$

$$\text{भौतिकी में पास प्रतिशत} = (95 * 100) / 125 = 76\%$$

उपरोक्त तालिका से केवल D दोनों विषयों में उत्तीर्ण हो सकता है।

5. वर्ण में से किसने सभी विषयों में सर्वोच्च अंक एक साथ प्राप्त किए?

- (A) B (B) E
(C) D (D) F

Ans. -(C)

सभी छात्रों के अंकों की गणना करें, आप पाएंगे कि D को सभी विषयों में एक साथ उच्चतम अंक मिले हैं।

(दिशा 1 -5) वर्ण में एकदिवसीय क्रिकेट मैचों की संख्या का सारणीकरण है, जो 2016 में पांच अलग-अलग देशों द्वारा कुछ गुम हुए आंकड़ों के साथ जीता, जीता और हारा। तालिका को ध्यान से पढ़ें और प्रश्नों का उत्तर दें।

देश का नाम	खेले गए मैचों की कुल संख्या	जीते गए मैचों की संख्या	माचिस की संख्या खो गया	मैच ड्रा की संख्या
ऑस्ट्रेलिया	-	-	43	12
भारत	-	100	44	-
पाकिस्तान	150	90	-	-
दक्षिण अफ्रीका	162	-	47	-
श्री लंका	-	80	-	-

1. कितने देशों ने 100 से अधिक मैच जीते हैं, यदि सभी देशों द्वारा जीते गए मैचों की कुल संख्या 475 है और ऑस्ट्रेलिया द्वारा खेले गए मैचों की कुल संख्या दो बार श्रीलंका द्वारा जीता गया मैच है?

- (A) कोई भी (B) वन
(C) दू (D) श्री

Ans. (B)

तालिका का अवलोकन करके, हम एक या दो के रूप में उत्तर की भविष्यवाणी कर सकते हैं।

$$\text{कुल सं. ऑस्ट्रेलिया द्वारा खेले गए मैचों में} = 2 * \text{मैच श्रीलंका ने जीता}$$

$$= 2 * 80 = 160$$

$$\text{ऑस्ट्रेलिया द्वारा जीते गए मैचों की संख्या} = 160 - (43$$

अध्याय-5

कोडिंग और डिकोडिंग

कोडिंग और डिकोडिंग मौखिक बुद्धि तर्क से सबसे सरल है। प्रकार

1. अक्षर आधारित
2. अंक आधारित
3. वर्णमाला के स्थान पर आधारित
4. शर्त आधारित

जैसे:- ALPHABETE SERIES में

1. वर्णमाला में अक्षरों की स्थिति संख्या

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
W	X	Y	Z							
23	24	25	26							

इसी क्रम को याद करने के लिए कुछ दिन ने

1. EJOTY

E	J	O	T	Y
5	10	15	20	25

2. I = 1 KNOW आई नो 9 I=9

3. L = Last महीना होता है 12 L=12

4. KUNJI LAL MEENA K LM

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 11 12 13

5. JAWAHAR LAL NEHRU PANDIT:- J L N P
10 12 14 16

6. JK CEMENT = J K
10 11

2. उलटे क्रम में वर्णमाला के अक्षरों की स्थिति

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
X	Y	Z								
24	25	26								

विपरीत क्रम को याद करने की कुछ ट्रिक्स

1. BY बाई
2. DW दिलवाले

3. GT जीटी रोड

5. Fu फ्यू

7. MN मन

9. LOVE लव

11. KP कुमारी प्रिया

13. A-Z A TO Z

4. HS हनी सिंह

6. IR इंडियन रेलवे

8. JQ जयपुर क्वीन

10. PK पी के

12. SHRI श्री

वर्णमाला के विपरीत क्रम को ज्ञात करने का सूत्र:-

किसी भी ALPHABET विपरीत को यदि 27 से घटा दे तो, उसका कर्मांक ज्ञात हो जाता है।

उदा. M

1. M का विपरीत क्रम = 27-13

= 14 m का उल्टे क्रम में क्रम

2. P. का विपरीत क्रम = 27-16

= 11 (P का उल्टे क्रम में कर्मांक)

प्रश्नों के प्रकार

TYPE = 1

1. कूट भाषा में अगर सी- 3 है और फियर का कूट 30 है, तो हेयर का कूट क्या होगा ज्ञात कीजिये

(A) 35

(B) 30

(C) 36

(D) 33

SOL:- C=3

FEAR = ?(30)

= 6+5+1+18

= 30

HAIR = ?

= 8+1+9+18

= 36 (B)

नियम:- इसे अंग्रेजी वर्णमाला के अक्षरों की स्थिति संख्या द्वारा ज्ञात किया गया है।

Type:- 2

2. यदि GLARE को कूट भाषा में 67810 और MONSOON को 2395339 लिखा जाये तो RANSOM को किस संख्या में लिखेंगे?

(A) 183952

(B) 198532

(C) 189352

(D) 189532

C- glare-

67810

Monsoon

2395339

Ransom

?

G L A R E

M O N S O O N

6 7 8 1 0

2 3 9 5 3 3 9

RANSOM

1895 32- D

अतः विकल्प D सही होगा।

TYPE -3

1. किसी भाषा में

- (A) PIC VIC NIC का अर्थ है, शीतकल ठंडा है।
(B) TO NIC RE का अर्थ है, ग्रीष्मकाल गरम है।
(C) RE THO PA का अर्थ है, राते गरम है।
तो ग्रीष्मकाल के लिए कूट शब्द कौनसा होगा?

- (A) TO (B) NIC
(C) PIC (D) VIC

PIC VIC NIL - शीतलहर

TO NIC RE - ग्रीष्मकाल गरम है।

RE THO PA - राते गरम है।

NIC = & RE = गरम

(1) अतः विकल्प I TO सही होगा।

TYPE -4

1. किसी कूट भाषा में यदि एक चूहे को कुत्ता कहा जाये, कुत्ते को नेवला, नेवले को सांप और सांप को शेर कहा जाये तो पालतू पशु, के रूप में किसे पाला जायेगा?

- (A) नेवला (B) चूहा
(C) शेर (D) कुत्ता

SOL:- चूहा- कुत्ता
कुत्ते-नेवला
नेवले- सांप
सांप- शेर

पालतू पशु के रूप में कुत्ते को पाला जाता है और कूट भाषा में कुत्ते को नेवला माना गया है। अतः विकल्प ए नेवला उत्तर होगा।

TYPE-5

1. यदि 1986 को कूटलिपि में $\wedge O \vee >$ लिखा जाता है और 2345 को $+x*\square$ लिखा जाता है, तो $+>\square x+$ किसका कूट है?

- (A) 863521 (B) 896542
(C) 864325 (D) 869243

SOL. 1986 2345

$\wedge > \square x + \square$

$+x > \square$

865324

$\wedge > \square x + \square$

अतः विकल्प ए सही होगा।

TYPE-6

1. GOLD को IQNF के रूप में लिखा जाता है उसी कूट भाषा में WIND को कैसे लिखा जायेगा।

- (A) YKPE (B) XJOE
(C) YHMC (D) DNIW

SOL.

G	O	L	D	-	I	Q	N	F
				+2				
				+2				
				+2				
				+2				

इसी प्रकार

WIND = YKPF

अतः (A) सही होगा।

TYPE=7

किसी कोड़े को के रूप में लिखा जाता है और को के रूप में लिखा जाता है। उसी कोड भाषा में को कैसे लिखा जायेगा।

- (A) $x\square\$\%$ (B) $\%X\square\$\%$
(C) $x\square\#\ \$$ (D) $\%X\square\%$

Sol. OVER VISIT
 $\$ \# \% *$ $\# + X -$
SORE
 $X \$ \% *$
अतः विकल्प (A) सही होगा।

TYPE-8

Q. G का विपरीत अक्षर कौनसा है?

SOL. G = 9

1. विपरीत अक्षर ज्ञात करने के लिए दोनों अक्षरों का योग 27 होना चाहिये तभी वे आपस में विपरीत होंगे।

$$G(9) = T(18)$$

$$9+18=27$$

अतः G का विपरीत T होगा।

2. विपरीत अक्षर ज्ञात करने के लिए ट्रिपल महत्वपूर्ण होते हैं

$$GT = GT \text{ ROAD}$$

TYPE -9

Q. यदि COBRA को 3152181 के रूप में लिखा जाता है, तो CORILLA को कैसे लिखा जायेगा?

- (A) 71516912121 (B) 7158912121
(C) 7141891212 (D) 7158712121

$$C = 5$$

$$A = 1$$

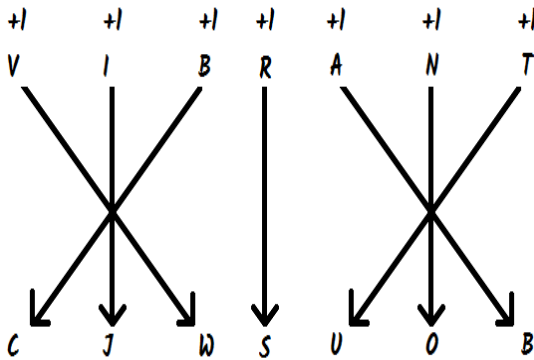
$$L = 23$$

$$R + A + D + I + C + A + L$$

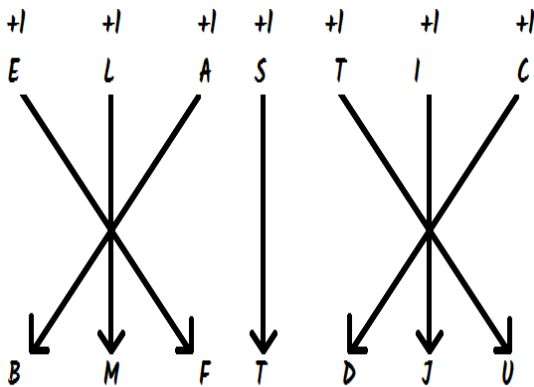
$$35 + 1 + 7 + 17 + 5 + 1 + 23 = 89$$

इसलिए, विकल्प C सही उत्तर है।

2.Sol: As



Similarly,



इसलिए, विकल्प A सही उत्तर है।

3.Sol: 'dee due tic' = 'roses are red' _____(1)

'bil doe' = 'yellow carnations' _____(2)

'tic dur doe' = 'carnations are pink' _____(3)

'are' और 'tic' (1) और (3) में सामान्य हैं, अतः 'are' = 'tic' 'carnations' और 'doe' (2) और (3) में सामान्य हैं, अतः 'carnations' = 'doe' (3) से, 'pink' = 'dur' इसलिए, सही विकल्प C है।

4.Sol: यह दिया है कि $A = 2$, $B = 4$ और इसी तरह।

तो, $E = 10$, $A = 2$, $R = 36$, $T = 40$, $H = 16$ तो EARTH = 102364016

इसलिए, सही उत्तर विकल्प B है।

5. Sol: Logic: write first half in the reverse order and then write next half in the reverse order. As,

$$COLE/CTOR = ELOC/ROTC$$

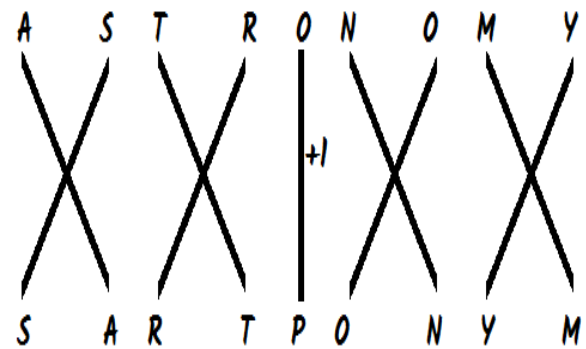
Similarly,

COMMIS/ SIONER = SIMMOC/ RENOIS Hence, option B is the correct response.

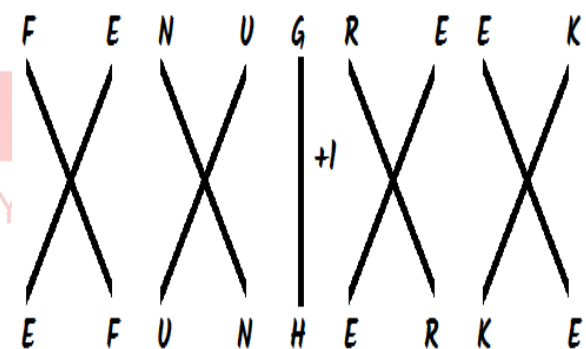
6. Sol: यहां हम देख सकते हैं कि प्रत्येक वर्णक्षिप्त को उसके पूर्व और बाद के वर्णक्षिप्त से बदल दिया गया है। "C" को "BD" के रूप में कूटबद्ध किया गया है, 'A' को '2B' के रूप में कूटबद्ध किया गया है। इसलिए, 'LION' को 'KMHJPMO' के रूप में कूटबद्ध किया जाएगा।

इसलिए विकल्प (C) सही उत्तर है।

7. Sol: The pattern is:



Similarly,



Hence, the correct response is (D).

8. Sol: Take reverse rank of alphabetical letters. As, $(T)7 - (A)26 - (N)13 - (K)16 = 7 - 26 - 13 - 16$

Similarly,

$$(C)24 - (A)26 - (R)9 - (G)20 - (O)12 = 24 - 26 - 9 - 20 - 12$$

Hence, the correct answer is option B.

9. Sol: The logic behind the code language is - number of letters in the word multiplied by its succeeding number.

i.e.

In KIND - there are 4 letters so, $4 \times 5 = 20$

Similarly,

$$MOBILE = 6 \times 7 = 42 \text{ so, } PRIMARY = 7 \times 8 = 56$$

Hence, option C is the correct answer.

10. Sol:

P A S T E U R
 T P R U A S E

Similarly

S E V E N T Y
 E S Y T E V N

Hence, option(D) is the correct response.

11. Sol:

E (-1) = D

F (-1) = E

M (-1) = L

I (-1) = H

J (-1) = I

Similarly,

I (-1) = H

Q (-1) = P

B (-1) = A

O (-1) = N

S (-1) = R

Thus, R is the last letter.

Hence, option B is the correct answer.

12. Sol: आवश्यक कोड को प्राप्त करने के लिए दिए गये शब्द के पहले आधेभाग को उल्टे क्रम में लिखा जायेगा और साथ ही बाकी के आधे भाग को भी उल्टे क्रम में लिखा जायेगा।

जैसे,

DICTIONARY को ITCID YRANO लिखा जाता है उसी प्रकार, CAMBR IDGES को RBMAC SEGDI लिखा जायेगा। अतः सही उत्तर विकल्प D है।

13. Sol:

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26

Considering the place value of letters we get,

As,

B(2), O(15), L(12), L(12), Y(25), W(23), O(15), O(15), D(4)

⇒ B(2), O(1+5), L(1+2), L(1+2), Y(2+5),

W(2+3), O(1+5), O(1+5), D(4)

⇒ 263375664

and H(8), O(15), L(12), Y(25), W(23), O(15), O(15), D(4)

⇒ H(8), O(1+5), L(1+2), Y(2+5), W(2+3),

O(1+5), O(1+5), D(4)

⇒ 86375664 Similarly, TOLLYWOOD is coded

As, T(20), O(15), L(12), L(12), Y(25), W(23), O(15), D(4)

⇒ T(2+0), O(1+5), L(1+2), L(1+2),

Y(2+5), W(2+3), O(1+5), D(4)

⇒ 26337564 Hence, option D is the correct answer.

14. Sol: In this question, we show that number of words in HUSBAND - 7

(7+3) = 10

Number of words in ANIMAL - 6

(6+3) = 9

Similarly, Number of words in HOUSEHOLD - 9

(9+3) = 12

So? = 12

So the correct answer is option A.

15. Sol: Logic: In (9 x 7 x 5) is operated as last two numbers are written as it is, and the first number is cubed.

Like, $9^3 = 729$ and 75 → 72975

In (4 x 8 x 6)

अध्याय-15

न्याय वाक्य या न्याय नियमन

इस प्रश्नावली के अंतर्गत 2 या 3 स्टेटमेंट दिये गये होते हैं। इसके पश्चात कुछ निष्कर्ष दिये गये होते हैं। दिये गये स्टेटमेंट को सत्य मानते हुए यह ज्ञात करना होता है कि कौन सा निष्कर्ष निश्चित रूप से सही है।

Qu. Statement:-

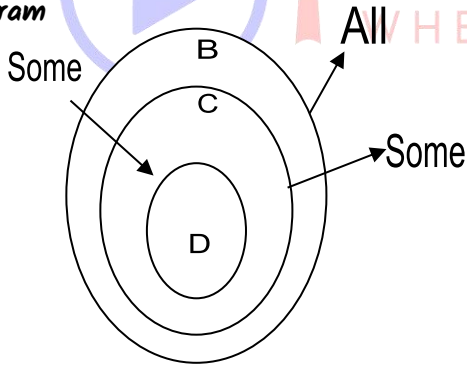
सभी कुत्ते बिल्ली हैं।

सभी बिल्ली चूहे हैं।

Conclusion:-

- I. सभी बिल्ली कुत्ते हैं।*
- II. कुछ बिल्ली कुत्ते हैं।✓
- III. कोई बिल्ली कुत्ता नहीं है।*
- IV. कुछ कुत्ते बिल्ली हैं।✓
- V. कुछ कुत्ते बिल्ली नहीं हैं।*
- VI. सभी कुत्ते चूहे हैं।✓
- VII. सभी चूहे कुत्ते हैं।*
- VIII. कुछ कुत्ते चूहे हैं।✓
- IX. कोई कुत्ता चूहा नहीं है।✓
- X. कुछ चूहे कुत्ते नहीं हैं।*
- XI. सभी चूहे बिल्ली हैं।*

Diagram



Note: सभी से कुछ निकलता है किन्तु कुछ से सभी नहीं निकलता है।

- A- All a are b. - Universal Positive
 E- No a are b. - Universal Negative
 I- Some a are b. - Partial Positive
 O- Some a are not b. - Partial Negative

Operation

$$\begin{array}{llll}
 A+A=A & E+A=O & I+A=I & O+A=NO \\
 A+E=E & E+E=NO & I+E=O & O+E=NO
 \end{array}$$

$$\begin{array}{llll}
 A+I=NO & E+I=O & I+I=NO & O+I=NO \\
 A+O=NO & E+O=NO & I+O=NO & O+O=NO
 \end{array}$$

→

$A+A=A$	$E+I=O^*$
$A+E=E$	$I+A=I$
$E+A=O^*$	$I+E=O$

"Concepts"

First Type:-

1. All a are b - A
 All b are c - A
 $\therefore A+A=A$
 $\therefore$ All a are C. Q.
2. Some b are - I
 All a are C - A
 $\therefore I+A=I$
 $\therefore$ Some b are C. Ans.
3. All c are a - A
 No a are b - E
 $\therefore A+E=E$
 $\therefore$ No C are b Ans.
4. Some a are b - I
 No b are c - E
 $\therefore I+E=O$
 $\therefore$ Some a are not C Ans.
5. No a are C - E
 Some c are b - I
 $\therefore E+I=O^*$
 $\therefore$ Some b are not a. Ans.

Second Type:-

- (I) All a are b → A All c are a - A



Q4 कथन:-

1. सभी मेज़ कुर्सी हैं।-A
2. कुछ कुर्सी दरवाजे हैं।-I

निष्कर्ष:-

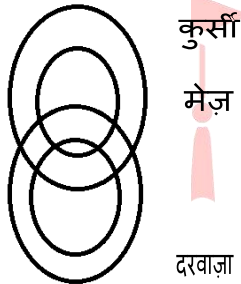
1. कुछ मेज़ दरवाजे हैं।-A
2. कोई मेज़ दरवाजा नहीं है।-E

हल:-

1. कुछ कुर्सी दरवाजे हैं।-I
2. सभी मेज़ कुर्सी हैं।-A

Ans. Either I or II.

Diagram



Q. कथन:-

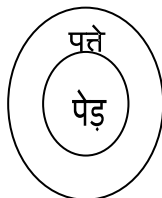
1. सभी पेड़ पत्ते हैं। -A
2. कोई फल पत्ता नहीं है। -E

निष्कर्ष:-

1. कोई फल पेड़ नहीं है।-E✓
2. कुछ फल पेड़ हैं। -I

Ans. I

Diagram



Q.4 कथन:-

1. कुछ नदी जंगल हैं।-I
2. कोई पर्वत जंगल नहीं है। -E

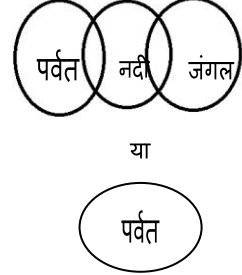
निष्कर्ष:-

- कुछ पर्वत नदी नहीं हैं।
- कुछ नदी पर्वत नहीं हैं।

हल:- I + E = 0

- कुछ नदी पर्वत नहीं हैं।

Ans. II



Q4. कथन:-

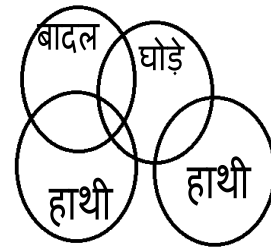
1. कुछ बदल घोड़े हैं।
2. कुछ घोड़े हाथी हैं।

निष्कर्ष:-

1. कुछ बादल हाथी हैं।
- II. कुछ बादल हाथी नहीं हैं।

Ans. Either I or II.

Diagram



Q4. कथन:-

1. सभी पेन इरेजर हैं।
2. कुछ पेन बैग हैं।

निष्कर्ष

1. कुछ बैग इरेजर हैं।✓
- II. कोई बैग इरेजर नहीं है।

हल:- कुछ पेन बैग हैं।-I

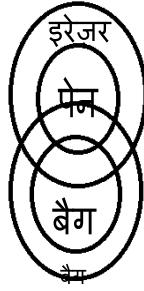
सभी पेन इरेजर हैं।-A

कुछ बैग पेन हैं।-I

सभी पेन इरेजर हैं।-A

∴ I कुछ बैग इरेजर हैं।✓ Ans.

$$\{I + A = I\}$$



Q4. कथन:-

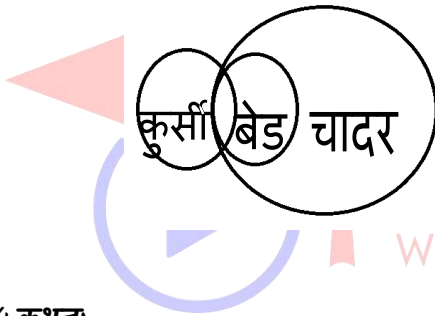
- कुछ कुर्सी बेंड हैं।
- सभी बेंड चादर हैं।

निष्कर्ष

- कुछ चादर कुर्सी हैं।✓
- कुछ चादर कुर्सी नहीं हैं।*

Ans.-I

Venn Diagram



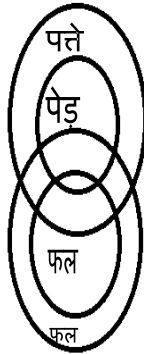
Q4.कथन:-

- सभी पेड़ पत्ते हैं।
- कुछ पत्ते फल हैं।

निष्कर्ष

- कुछ पेड़ फल हैं।
- कोई फल पेड़ नहीं हैं।

Ans. Either I or II



Q4. कथन-

- सभी पंखुड़िया फूल हैं।-A
- कुछ फूल पंखुड़िया नहीं हैं।-0
- कुछ पंखुड़िया रंग हैं।-I

निष्कर्ष:-

- कुछ फूल रंग हैं। -I ✓
- कुछ फूल रंग नहीं हैं।-0

हल:-

- कुछ पंखुड़िया रंग हैं। -I
 सभी पंखुड़िया फूल हैं। -A
 $\therefore$ कुछ रंग पंखुड़िया हैं। -I
 सभी पंखुड़िया फूल हैं। -A ($\therefore I+A=I$)
 $\therefore$ कुछ रंग फूल हैं।
 I कुछ फूल रंग हैं। Ans.

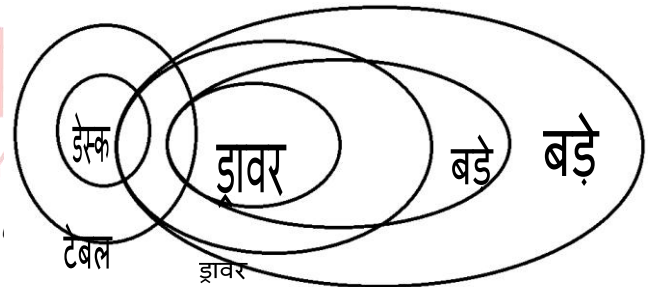
Q4.कथन:-

- सभी डेस्क टेबल हैं।- A
- कुछ टेबल ड्रामर हैं।-I
- कुछ ड्रामर बड़े हैं।-I

निष्कर्ष

- कुछ टेबल बड़े हैं।*
- कोई डेस्क ड्रामर नहीं हैं।*

Ans. None of these



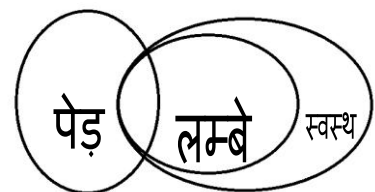
- सभी लम्बे स्वस्थ हैं। -A
- कुछ स्वस्थ लम्बे नहीं हैं। -0

निष्कर्ष

- कुछ स्वस्थ लम्बे हैं। ✓
- कुछ पेड़ लम्बे नहीं हैं।

Ans. I

Diagram



प्रिय दोस्तों, अब तक हमारे नोट्स में से अन्य परीक्षाओं में आये हुए प्रश्नों के परिणाम देखने के लिए क्लिक करें -

RAS PRE. - https://www.youtube.com/watch?v=p3_i-3qfDy8&t=1253s

Rajasthan CET Gradu. Level - <https://youtu.be/gPqDNlc6UR0>

Rajasthan CET 12th Level - <https://youtu.be/oCa-CoTFu4A>

RPSC EO / RO - <https://youtu.be/b9PKjl4nSxE>

VDO PRE. - <https://www.youtube.com/watch?v=gXdAk856Wl8&t=202s>

Patwari - <https://www.youtube.com/watch?v=X6mKGdtXyu4&t=2s>

PTI 3rd grade - https://www.youtube.com/watch?v=iA_MemKKgEk&t=5s

SSC GD - 2021 - <https://youtu.be/2gzfJyt6vl>

EXAM (परीक्षा)	DATE	हमारे नोट्स में से आये हुए प्रश्नों की संख्या
RAS PRE. 2021	27 अक्तूबर	74 प्रश्न आये
SSC GD 2021	16 नवम्बर	68 (100 में से)
SSC GD 2021	08 दिसम्बर	67 (100 में से)
RPSC EO/RO	14 मई (1st Shift)	95 (120 में से)
राजस्थान S.I. 2021	14 सितम्बर	119 (200 में से)
राजस्थान S.I. 2021	15 सितम्बर	126 (200 में से)
RAJASTHAN PATWARI 2021	23 अक्तूबर (1st शिफ्ट)	79 (150 में से)

whatsapp <https://wa.link/0yupe6> - 1 web.- <https://shorturl.at/pwFNP>

RAJASTHAN PATWARI 2021	23 अक्तूबर (2 nd शिफ्ट)	103 (150 में से)
RAJASTHAN PATWARI 2021	24 अक्तूबर (2 nd शिफ्ट)	91 (150 में से)
RAJASTHAN VDO 2021	27 दिसंबर (1 st शिफ्ट)	59 (100 में से)
RAJASTHAN VDO 2021	27 दिसंबर (2 nd शिफ्ट)	61 (100 में से)
RAJASTHAN VDO 2021	28 दिसंबर (2 nd शिफ्ट)	57 (100 में से)
U.P. SI 2021	14 नवम्बर 2021 1 st शिफ्ट	91 (160 में से)
U.P. SI 2021	21 नवम्बर 2021 (1 st शिफ्ट)	89 (160 में से)
Raj. CET Graduation level	07 January 2023 (1 st शिफ्ट)	96 (150 में से)
Raj. CET 12th level	04 February 2023 (1 st शिफ्ट)	98 (150 में से)

& Many More Exams like UPSC, SSC, Bank Etc.

नोट्स खरीदने के लिए इन लिंक पर क्लिक करें



Whatsapp करें - <https://wa.link/0yupe6>

Online order करें - <https://shorturl.at/pwFNP>

Call करें - 9887809083

whatsapp <https://wa.link/0yupe6> - 2 web.- <https://shorturl.at/pwFNP>